

ОПТИЧЕСКИЕ ЯВЛЕНИЯ И УСТРОЙСТВА

OPTICAL PHENOMENA AND FACILITIES

Статья поступила в редакцию 28.04.15. Ред. рег. № 2246

The article has entered in publishing office 28.04.15. Ed. reg. No. 2246

УДК 538.915

International Publishing House for scientific periodicals "Space"

ИССЛЕДОВАНИЕ СПЕКТРАЛЬНО-ЛЮМИНЕСЦЕНТНЫХ ХАРАКТЕРИСТИК ИК (1,5-3 μ) ЛАЗЕРОВ НА ОСНОВЕ ПОЛУПРОВОДНИКОВ А^{II}В^{VI}, ЛЕГИРОВАННЫХ ИОНАМИ Fe²⁺, Co²⁺ и Ni²⁺

Е.Ф. Кустов¹, И.С. Курчатов²

 ¹Национальный исследовательский университет «МЭИ» РФ 111250, Москва, ул. Красноказарменная, д. 14 тел.: 7 (495)-362-75-60; e-mail: universe@mpei.ac.ru
 ²Научно-исследовательский институт технического стекла РФ 117218, Москва, ул. Кржижановского, д. 29, корп. 5 тел.: 7(499)-129-16-36; e-mail: info@intg.org

doi: 10.15518/isjaee.2015.10-11.014

Заключение совета рецензентов: 06.05.15 Заключение совета экспертов: 20.05.15 Принято к публикации: 03.06.15

Исследованы спектрально-люминесцентные характеристики ионов Fe²⁺, Co²⁺ и Ni²⁺ в полупроводниковых материалах типа A^{II}B^{VI} (ZnO, ZnS, ZnSe, ZnTe, CdO, CdS, CdSe, CdTe) и соотношение энергии полос поглощения и люминесценции с шириной запрещенной зоны полупроводников A^{II}B^{VI}. Оценивается возможность получения лазерного эффекта на этих материалах в окне прозрачности волоконно-оптических линий связи в диапазоне 1,5–3 микрон. Полученные результаты актуальны для других применений перенастраиваемых по длине волны полупроводниковых лазеров.

Ключевые слова: полупроводниковые лазеры, ионы группы железа, энергетическая структура, интенсивность переходов.

RESEARCH OF SPECTRAL CHARACTERISTICS OF IR LASERS OF SEMICONDUCTORS A^{II}B^{VI} DOPED WITH Fe²⁺, Co²⁺ AND Ni²⁺ IONS

E.F. Kustov¹, I.S. Kurchatov²

 ¹National Research University "Moscow Power Engineering Institute"
 ¹4 Krasnokazarmennaya Str., Moscow, 111250 Russian Federation ph.: 7 (495)-362-75-60; e-mail: universe@mpei.ac.ru
 ²JSC «Institute of Technical Glass»
 ⁵ build, 29 Krzhizhanovsky Str., Moscow, Russian Federation ph.: 7(499)-129-16-36; e-mail: info@intg.org

Referred 6 May 2015 Received in revised form 20 May 2015 Accepted 3 June 2015

150

Ð

№ 10-11

(174-175)

2015

Международный научный журнал

«Альтернативная энергетика и экология»

© Научно-технический центр «ТАТА». 2015

International Scientific Journal for Alternative Energy and Ecology © Scientific Technical Centre «TATA», 2015

The article presents the research of spectral properties of Fe²⁺, Co²⁺ and Ni²⁺ ion energy structure in semiconductor materials A^{II}B^{VI} (ZnO, ZnS, ZnSe, ZnTe, CdO, CdS, CdSe, CdTe) and the ratio of these spectral structures of absorption and luminescence transitions with band gap of materials A^{II}B^{VI}. This article evaluates the possibility of obtaining laser action on these materials in 1.5-3 microns range, as optic fiber data lines have a transparency window in that range. The results are valuable for various other applications of tunable semiconductor lasers.

Keywords: semiconductor lasers, ions of the iron group, the energy structure, the intensity of transitions.



Кустов Евгений Федорович Evgenij F. Kustov



International Publishing House for scientific periodicals "Space"

Курчатов Иван Сергеевич Ivan S. Kurchatov

Введение

В полупроводниковых оптоэлектронных устройствах альтернативной энергетики имеется проблема преобразования светового излучения в излучение ближнего и среднего ИК диапазона. Созданные к настоящему времени преобразующие системы являются громоздкими, что ограничивает область их применения. А созданные полупроводниковые лазеры имеют ограниченное количество полос излучения в области прозрачности оптических волокон. Одним из вариантов решения проблемы является создание новых материалов путём введения в полупроводниковые материалы ионов группы железа, преобразующих спектральный диапазон излучения полупроводников в ИК область. Кроме того, введение этих ионов создает широкие полосы поглощения в запрещенной зоне полупроводников, что может увеличить спектральный диапазон и чувствительность солнечных преобразователей энергии на полупроводниках.

Полупроводниковые лазеры применяются в волоконно-оптических линиях связи (ВОЛС), технологиях формообразования, резки и сварки различных материалов, медицине для диагностики и лечения различных заболеваний, системах военного назначения, научных исследованиях, измерительной технике и др [1]. Лазеры этого типа имеют большой диапазон генерируемой мощности в непрерывном и импульсном режимах, высокое быстродействие при импульсной модуляции, а частота их излучения может перестраиваться в пределах области люминесценции. По

Сведения об авторе: д-р физ.-мат. наук, профессор ФТЭМК, НИУ «МЭИ». Образование: МЭИ. Область научных интересов: полупроводники.

Сведения об авторе: аспирант МЭИ,

Область научных интересов: полу-

инженер-технолог ОАО «НИТС». Образование: МГУ.

проволники.

Публикации: 6.

Публикации: более 100.

Information about the author: DSc (physics and mathematics), professor of FTEMK, MPEI. Education: MPEI.

Research area: semiconductors. Publications: more than 100.

Information about the author: postgraduate of MPEI, engineer of NITG. Education: MSU. Research area: semiconductors. Publications: 6.

2015

Ð

сравнению с другими типами лазеров они имеют меньшие вес и габариты и наибольший коэффициент полезного действия. Наиболее широко полупроводниковые лазеры применяются в волоконнооптических линиях связи.

Известно, что полоса прозрачности ВОЛС в диапазоне длин волн (1,5–3) мкм значительно шире спектров передаваемых сигналов, поэтому для повышения экономической эффективности ВОЛС перспективна передача сигналов на новых, ещё не используемых частотах. Вероятно, по этой причине в последние годы возник интерес к исследованиям по созданию лазеров на полупроводниках $A^{II}B^{VI}$ и $A^{III}B^{V}$, легированных ионами Cr^{2+} , Co^{2+} , Ni^{2+} и Fe^{2+} и редкоземельных элементов. Теоретические и экспериментальные исследования в этом направлении выполнялись на отдельном типе полупроводника, легированного одним из ионов [2, 3]. После создания общей теории лигандной структуры окружения ионов группы железа (Co^{2+} , Ni^{2+} и Fe^{2+}) [4–7] появилась возможность рассчитать весь набор параметров областей люминесценции ионов группы железа в полупроводниках $A^{II}B^{VI}$. В настоящей статье опубликованы результаты расчёта параметров массива областей люминесценции для Fe^{2+} , Co^{2+} и Ni^{2+} в полупроводниках $A^{II}B^{VI}$.

Матрицы и диаграммы энергетических уровней электронных конфигураций d^7 (d^3), d^6 (d^4) Матрицы и энергия состояний конфигурации d^7 (d^3)

В таблице 1 представлены матрицы состояний конфигурации d^7 в кластерах и комплексах кубических групп симметрии.

Таблица 1

Матрицы состояний конфигурации d	в кластерах и комплексах октаэдрической с	имметрии

Международный издательский дом научной периодики "Спейс

Matrix of d^7 configuration states in clusters and complexes of octahedral symmetry

		${}^{2}F_{2}$		
$12Dq + 105F_4$	$-3\sqrt{3}(F_2-5F_4)$	$-5\sqrt{3}(F_2-5F_4)$	$4F_2 + 50F_4$	$2F_2 - 10F_4$
	$2Dq-6F_2+135F_4$	$3(F_2-5F_4)$	$-3\sqrt{3}(F_2-5F_4)$	$-3\sqrt{3}(F_2-5F_4)$
		$2Dq+4F_2+85F_4$	$\sqrt{3}(F_2 - 5F_4)$	$-\sqrt{3}(F_2-5F_4)$
			$-8Dq+6F_2+145F_4$	$10(F_2-5F_4)$
				$-8Dq-2F_2+115F_4$

			${}^{2}F_{1}$	
$12Dq-6F_2+135F_4$	$-3(F_2-5F_4)$	$3(F_2 - 5F_4)$	0	$-2\sqrt{3}(F_2-5F_4)$
	$2Dq+103F_{2}$	$-3(F_2-5F_4)$	$3(F_2 - 5F_4)$	$3\sqrt{3}(F_2-5F_4)$
		$2Dq-6F_2+135F_4$	$-3(F_2-5F_4)$	$-\sqrt{3}(F_2-5F_4)$
			$-8Dq-6F_2+135F_4$	$2\sqrt{3}(F_2-5F_4)$
				$-8Dq-2F_2+115F_4$

			^{2}E
$12Dq-6F_2+135F_4$	$-6\sqrt{2}(F_2-5F_4)$	$-3\sqrt{2}(F_2-5F_4)$	0
	$2Dq+8F_2+170F_4$	$10(F_2-5F_4)$	$\sqrt{3}(2F_2+25F_4)$
		$2Dq - F_2 + 110F_4$	$2\sqrt{3}(F_2-5F_4)$
			$-18Dq-8F_2+180F_4$

${}^{4}F_{1}$	
$2Dq - 3F_2 + 15F_4$	$6(F_2 - 5F_4)$
	$-8Dq-12F_2+60F_4$

Ð

Энергии уровней состояний конфигурации d^7 зависят от двух параметров электростатического взаимодействия между электронами F_2 и F_4 и параметра взаимодействия с окружением Dq. При Dq = 0 состояния свободного атома конфигурации d^7 совпада-

ют с состояниями электронной конфигурации d^3 , представленные на рис. 1.

Здесь также для всех соотношений параметров F_2/F_4 состояние 4F является основным; в октаэдрических структурах оно расщепляется на три уровня:

№ 10-11

(174-175)

2015

International Scientific Journal for Alternative Energy and Ecology © Scientific Technical Centre «TATA», 2015 Международный научный журнал «Альтернативная энергетика и экология» © Научно-технический центр «TATA», 2015 ${}^{4}A_{2}, \, {}^{4}F_{2}$ и ${}^{4}F_{1}, -$ имеющих одинаковую энергию при Dq = 0. Это состояние остается преобладающим в большом интервале соотношений параметров F2/F4. Однако при $F_2/F_4 > 10$ имеется тенденция смены основного состояния на ${}^{2}G$ с уровнями уровня ${}^{2}A_{1}$, ${}^{2}F_{2}$,

 ${}^{2}F_{1}$, и ${}^{2}E$, что будет проявляться в магнитных свойствах элементов с конфигурацией d^7 .

На рисунке 1 представлена зависимость энергии E/F_2 уровней конфигурации d^7 от значений относительного параметра Dq/F_2 при $F_2/F_4 = 14$.



Рис. 1. Зависимость энергии E/F_2 уровней конфигурации d^7 от значений относительного параметра Dq/F_2 при F_2/F_4 =14 Fig. 1. The relation of E/F_2 energy levels for d⁷ configuration to relative parameter Dq/F_2 for $F_2/F_4 = 14$

На рисунках 2 и 3 даны диаграммы энергетических уровней электронной конфигурации d' для положительно и отрицательно координированных структур при значении относительного параметра

International Publishing House for scientific periodicals "Space"

внутримолекулярного поля $-2 < Dq/F_2 < 2$ и соотношении параметров межэлектронного взаимодействия $F_2/F_4 = 14.$



Рис. 2. Зависимость энергии E/F₂ уровней конфигурации d⁷ от значений относительного параметра -2 < Dq/F₂ < 2 при F₂/F₄ = 14 Fig. 2. The relation of E/F_2 energy levels for d⁷ configuration to relative parameter $-2 < Dq/F_2 < 2$ for $F_2/F_4 = 14$

Международный издательский дом научной периодики "Спейс"

International Scientific Journal for Alternative Energy and Ecology © Scientific Technical Centre «TATA», 2015

() 153

Z

Ð

№ 10-11

2015

Международный научный журнал (174-175) «Альтернативная энергетика и экология» © Научно-технический центр «ТАТА», 2015





Fig. 3. The relation of E/F_2 energy low level for d^{7} configuration to relative parameter $-2 < Dq/F_2 < 2$ for $F_2/F_4 = 14$

На рисунке 3 показана идентификация нижних уровней с обозначением спина и орбитального состояния и конфигурации внутримолекулярного поля. Идентификация остальных уровней приведена в таблице 2.

Габлица	2	
гаозппца	~	

Идентификация состояний электронной конфигурации d⁷для положительно и отрицательно координированных структур Table 2

Identification of d^7 states for positive and negative coordinated structures

	$Dq/F_2 = -1$	1,5	$Dq/F_2 = 1,5$			
E	S	Терм	Ε	S	Терм	
0	1,5	${}^{4}A_{2}$	0	0,5	^{2}E	
12,078	0,5	^{2}E	2,886	1,5	${}^{4}F_{1}$	
12,687	0,5	${}^{2}F_{1}$	13,408	0,5	${}^{2}F_{1}$	
15	1,5	${}^{4}F_{2}$	13,825	0,5	${}^{2}F_{2}$	
18,002	0,5	${}^{2}F_{2}$	16,641	1,5	${}^{4}F_{2}$	
21,364	1,5	${}^{4}F_{1}$	17,558	0,5	${}^{2}F_{1}$	
24,943	0,5	${}^{2}A_{1}$	24,971	0,5	${}^{2}F_{2}$	
27,033	0,5	${}^{2}F_{2}$	25,152	1,5	${}^{4}F_{1}$	
27,391	0,5	${}^{2}F_{1}$	26,586	0,5	${}^{2}A_{1}$	
28,785	0,5	^{2}E	29,041	0,5	${}^{2}F_{1}$	
31,862	0,5	${}^{2}F_{1}$	30,406	0,5	^{2}E	
33,388	1,5	${}^{4}F_{1}$	31,642	1,5	${}^{4}A_{2}$	
37,118	0,5	${}^{2}F_{2}$	32,295	0,5	${}^{2}F_{2}$	
37,952	0,5	${}^{2}A_{2}$	34,834	0,5	${}^{2}F_{1}$	
42,017	0,5	${}^{2}F_{1}$	35,724	0,5	${}^{2}F_{2}$	
43,144	0,5	${}^{2}F_{2}$	39,593	0,5	$^{2}A_{2}$	
45,172	0,5	^{2}E	40,805	0,49999	^{2}E	
48,521	0,5	$^{2}F_{1}$	45,848	0,50001	${}^{2}F_{1}$	
61,285	0,5	$^{2}F_{2}$	53,979	0,49999	^{2}E	
62,59	0,5	^{2}E	57,979	0,5	$^{2}F_{2}$	

SPACE

International Scientific Journal for Alternative Energy and Ecology © Scientific Technical Centre «TATA», 2015

NOC N

International Publishing House for scientific periodicals "Space"

🕸 ISJAEE

Международный научный журнал «Альтернативная энергетика и экология» © Научно-технический центр «ТАТА», 2015

154

№ 10-11

(174-175)

Энергетические уровни ионов с конфигурациями d^7 с учетом спин-орбитального взаимодействия

тических уровней ионов с электронной конфигурацией d^7 в зависимости от значений $-2 < Dq/F_2 < 0$ при константе спин-орбитального взаимодействия $\lambda({}^{4}F)/F_{2} = 0 \text{ M} - 0, 1.$

На рисунках 4 и 5 приведены диаграммы энерге-



Рис. 4. Энергетические уровни ионов с электронной конфигурацией d^7 в зависимости от значений $-2 < Dq/F_2 < 0$ при константе спин-орбитального взаимодействия $\lambda/F_2 = 0$ Fig. 4. Energy levels for ions of d^7 electron configuration in relation to parameter $-2 < Dq/F_2 < 0$ for spin-orbital constant set as $\lambda/F_2 = 0$





SJA E

155

Как видно из сравнения двух диаграмм, малое спинорбитальное взаимодействие приводит к небольшому расщеплению уровней при сохранении основных зависимостей от Dq/F2. Расщепление основного состояния за счет взаимодействия спин-орбитального типа с верхними состояниями не происходит.

Диаграмма энергетических уровней при $\lambda({}^4F)/F_2 = 0$ совпадает с аналогичной диаграммой на рисунках 1-3.

№ 10-11

2015

Международный научный журнал (174-175) «Альтернативная энергетика и экология» © Научно-технический центр «ТАТА», 2015



Рис. 6. Энергетические уровни ионов с электронной конфигурацией d^7 в зависимости от значений –2 < Dq/F_2 <0 при константе спин-орбитального взаимодействия $\lambda^{(4}F)/F_2 = -0.1$ в области энергии основного состояния $0 < E/F_2 < 5.0$ Fig. 6. Energy levels for ions of d⁷ electron configuration in relation to parameter $-2 < Dq/F_2 < 0$ for spin-orbital constant set as $\lambda({}^{4}F)/F_{2} = -0.1$ the ground state being $0 < E/F_{2} < 5.0$

На рисунке 6 показаны энергетические уровни ионов с электронной конфигурацией d' в зависимости от значений $-2 < Dq/F_2 < 0$ при константе спинорбитального взаимодействия $\lambda({}^4F)/F_2 = -0,1$ в области энергии основного состояния $0 < E/F_2 < 5.0$.

точечных групп, которые в случае групп кубической сингонии имеют несколько обозначений: $\Gamma_6 \equiv E'(2)$, $\Gamma_7 \equiv E''(2), \Gamma_8 \equiv G'(4).$ В скобках приведены размерности представлений.

Редукция неприводимых представлений групп полных вращений на представления двойных групп кубической сингонии приведены в таблице 3.

Таблица 3

Международный издательский дом научной периодики "Спейс

Редукция неприводимых представлений групп полных вращений на представления двойных групп кубической сингонии Table 3

Reduction of irreducible representations of complete rotations to represent binary groups of the cubic system

J	1/2	3/2	5/2	7/2	9/2	11/2
O _h , O, T _d	Γ_6	Γ_8	$\Gamma_6 + \Gamma_8$	$\Gamma_6 + \Gamma_7 + \Gamma_8$	$\Gamma_6 + 2\Gamma_8$	$\Gamma_6 + \Gamma_7 + 2\Gamma_8$

Для значений $-1,2 < Dq/F_2 < 0$ нижними уровнями являются четыре CO уровня $\Gamma_6 + \Gamma_7 + 2\Gamma_8$ или E' + E''+ 2 G', получающиеся из спин-орбитального взаимодействия мультиплета ${}^{4}F_{1}$.

Магнитные свойства в этом интервале внутримолекулярных полей определяются заселенностями этих четырех уровней и их магнитными моментами. В этом интервале магнитные моменты зависят от температуры, особенно в области малых температур.

Для значений $Dq/F_2 < -1,2$ нижними уровнями являются один CO уровень Г₈ или G', получающиеся из спин-орбитального взаимодействия мультиплета ^{2}E . В этом интервале магнитные моменты не зависят от температуры.

International Scientific Journal for

Alternative Energy and Ecology

Энергетические состояния элементов с электронной конфигурацией $d^{6}(d^{4})$

В таблице 4 представлены матрицы состояний конфигурации d^6 в кластерах и комплексах кубической симметрии.

Энергии уровней состояний конфигурации d⁶ зависят от двух параметров электростатического взаимодействия между электронами F₂ и F₄ и параметра взаимодействия с окружением Dq. При Dq = 0 матрицы описывают состояния свободного атома с электронной конфигурацией d^6 .

2015

Ð

Таблица 4

Table 4

Матрицы состояний конфигурации d⁶ в кластерах и комплексах октаэдрической симметрии

Matrix of d⁶ configuration states in clusters and complexes of octahedral symmetry

$16Dq-9F_2+290$	$F_4 = 6(F_2)$	$(2-5F_4),$	$\sqrt{2(2^*(F))}$	$F_2 - 5F_4 + 35*$	F_4)	-2(F	$_2-5F_4),$		$-4(F_2-5F_4),$
	6Dq-6	$F_2 + 240F_4$	-3√	$2(F_2-5F_4),$		-12(1	$F_2 - 5F_4),$		0
			-4Dq	$+5F_2+255F_2$	4	10√2($F_2 - 5F_4$)	, –	$-10\sqrt{2}(F_2-5F_4),$
						-4Dq+6	$F_2 + 285$	F_4	0
									$4Dq - 3F_2 + 225F_4$
${}^{3}F_{2}$									
6Dq-9F ₂ +185F	$F_4 = -5\sqrt{3}(l)$	$F_2 - 5F_4$)	$\sqrt{6}(F$	$F_2 - 5F_4$)		$\sqrt{3}(F_2-5)$	F_4)	_	$\sqrt{6(F_2 - 5F_4)}$
	6Dq-5F	$F_2 + 235F_4$	$-3\sqrt{2}($	$F_2 - 5F_4$)		$3(F_2-5I)$	74)	N	$2(3F_2+5F_4)$
			-4Dq-13	$3F_2 + 205F_4$		$-2\sqrt{2}(F_2 -$	$5F_{4}$)	-	$-6(F_2-5F_4)$
					-	$4Dq - 9F_2 +$	$185F_4$	3	$\sqrt{2(F_2 - 5F_4)}$
								-141	$Dq-8F_2+215F_4$
${}^{1}F_{1}$									
$6Dq - 3F_2 + 225F_4$	$5\sqrt{3}(F_2-5F_4)$	$3(F_{2}-$	$-5F_4$)	$\sqrt{6}(F_2-$	$(5F_4)$				
· · · · ·	6Dq-3F2+295F	$-5\sqrt{3}(F)$	$F_2 - 5F_4$)	$\sqrt{2(F_2+3)}$	$30F_{4}$)				
		-4Dq-3F	$F_2 + 225F_4$	$-\sqrt{6}(F_2 -$	-5F ₄)				
				-14Dq - 16F	$F_2 + 325F_4$				
^{3}E									
$6Da - 13F_2 + 205F_4$	$-4(F_2-5F_4)$		0						
029 101 2 2001 4	$6Da-10F_2+19$	$0F_4 = -3\sqrt{2}$	$(F_2 - 5F_4)$						
		_4Da	$\frac{(-2)}{-11E_2+195E_2}$	4					
2		1	2	*					
24									
³ A ₂									
$^{3}A_{2}$ 6*Dq-12F ₂ +270F	$F_4 = 6(F_2 - 5F_4)$	255							
$^{3}A_{2}$ 6*Dq-12F ₂ +270F	$\begin{array}{c ccc} F_4 & 6(F_2 - 5F_4) \\ \hline & -4Dq - 3F_2 + 2 \end{array}$	225F ₄							
$3A_2$ 6*Dq-12F ₂ +270F $3F_1$	$\begin{array}{c cccc} F_4 & 6(F_2 - 5F_4) \\ \hline & -4Dq - 3F_2 + 2 \end{array}$	225 <i>F</i> ₄							
$3A_2$ $6*Dq-12F_2+270F$ $3F_1$ $16Dq-15F_2+250F_4$	$\begin{array}{c cccc} F_4 & 6(F_2 - 5F_4) \\ \hline & -4Dq - 3F_2 + 2 \\ \hline & -\sqrt{6}(F_2 - 5F_4) \\ \hline \end{array}$	$225F_4$	$\sqrt{2(2F_{4})}$	2+25F ₄)	$-2\sqrt{2}(F_2-$	-5F4)	0		0
${}^{3}A_{2}$ $6*Dq-12F_{2}+270F$ ${}^{3}F_{1}$ $16Dq-15F_{2}+250F_{4}$	$\begin{array}{c cccc} F_4 & 6(F_2-5F_4) \\ \hline & -4Dq-3F_2+2 \\ \hline & -\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \hline & 6Dq-11F_2+195F_4 \end{array}$	$\frac{-3\sqrt{2}(F_2-5F_4)}{5\sqrt{3}(F_2-5F_4)}$	$\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} \sqrt{\frac{\sqrt{2}}{2}}$	$-5F_4$)	$-2\sqrt{2}(F_{2}-\sqrt{3})(F_{2}-\sqrt{3})))}))))))))))))))))))))))))))))))))$	$\frac{-5F_4)}{5F_4}$	$0 = 3(F_2 - 5F_2)$	F ₄)	0 $\sqrt{6(F_2-5F_4)}$
$^{3}A_{2}$ 6*Dq-12F ₂ +270F $^{3}F_{1}$ 16Dq-15F ₂ +250F ₄	$\begin{array}{c cccc} F_4 & 6(F_2-5F_4) \\ \hline & -4Dq-3F_2+2 \\ \hline & -\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \hline & 6Dq-11F_2+195F_4 \\ \hline & \hline \\ \end{array}$	$ \begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \end{array} $	$\begin{array}{c c} \hline & & \sqrt{2}(2F) \\ \hline & & \sqrt{3}(F_2) \\ \hline & & 25F_4 & -3(F_2) \\ \hline & & & 4F_2 \\ \hline \end{array}$	$2+25F_4$) -5F_4) -5F_4)	$-2\sqrt{2}(F_{2}-\sqrt{3})$ $-\sqrt{3}(F_{2}-\sqrt{3})$ $-3(F_{2}-\sqrt{3})$	$ \begin{array}{c} -5F_4) \\ 5F_4) \\ F_4) \\ \hline \end{array} $	0 $3(F_2-5)$ $5\sqrt{3}(F_2)$	F_4) -5F4)	$ \begin{array}{c} 0 \\ \sqrt{6}(F_2 - 5F_4) \\ \sqrt{2}(F_2 + 30F_4) \\ \sqrt{2}(F_2 - 5F_4) \end{array} $
$\frac{{}^{3}A_{2}}{6*Dq-12F_{2}+270F}$ $\frac{{}^{3}F_{1}}{16Dq-15F_{2}+250F_{4}}$	$\begin{array}{c cccc} F_4 & 6(F_2-5F_4) \\ \hline & -4Dq-3F_2+2 \\ \hline & -\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \hline & 6Dq-11F_2+195F_4 \\ \hline & \hline \\ \\ & \hline \\ \\ \\ \hline \\ \\ \\ \hline \\ \hline \\ \hline \\ \hline \\ \\ \hline \hline \\ \hline \hline \\ \hline \\ \hline \\ \hline \\ \hline \hline \\ \hline \hline \\ \hline \\ \hline \\ \hline \\ \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \\ \hline \hline$	$ \begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \end{array} $	$\begin{array}{c c} & \sqrt{2}(2F) \\ \hline & \sqrt{3}(F_2) \\ \hline & 25F_4 & -3(F_2) \\ \hline & -4Dq \end{array}$	$-5F_4$) $-5F_4$) $-F_2+215F_4$	$-2\sqrt{2}(F_{2}-\sqrt{3})$ $-\sqrt{3}(F_{2}-\sqrt{3})$ $-3(F_{2}-5)$ $-10(F_{2}-5)$	$-5F_4$) $5F_4$) F_4) $5F_4$) $5F_4$) $5F_4$)	0 $3(F_2-5I)$ $5\sqrt{3}(F_2)$ 0 22/20(F_2)	F ₄) -5F4)	$ \begin{array}{c} 0 \\ \sqrt{6(F_2-5F_4)} \\ \sqrt{2(F_2+30F_4)} \\ 3\sqrt{2(F_2-5F_4)} \\ 2\sqrt{2(F_2-5F_4)} \end{array} $
$3A_2$ $6*Dq-12F_2+270F_3$ $3F_1$ $16Dq-15F_2+250F_4$	$\begin{array}{c cccc} F_4 & 6(F_2 - 5F_4) \\ \hline & -4Dq - 3F_2 + 2 \\ \hline & -\sqrt{6}(F_2 - 5F_4) \\ \hline & 6Dq - 11F_2 + 195F_4 \\ \hline & \\ \hline \hline & \\ \hline & \\ \hline & \\ \hline \hline & \\ \hline \hline & \\ \hline \hline & \\ \hline \hline \\ \hline \hline \\ \hline \hline \\ \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \hline \\ \hline \hline$	$ \begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \end{array} $	$\begin{array}{c c} \hline & & \sqrt{2(2F_2)} \\ \hline & & \sqrt{3(F_2)} \\ \hline & & -3(F_2) \\ \hline & & -4Dq \end{array}$	$-5F_4$) $-5F_4$) $-F_2+215F_4$	$\begin{array}{c} -2\sqrt{2}(F_{2}-7)/3(F_{2}-7)$	$5F_4$) $5F_4$) F_4) $5F_4$) $5F_4$) $5F_2$ +185 F_4	$ \begin{array}{c} 0 \\ 3(F_2-5) \\ 5\sqrt{3}(F_2) \\ 0 \\ -2\sqrt{3}(F_2) \\ 4D \end{array} $	F_4) -5F4) 5F4)	$ \begin{array}{c} 0 \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{2}(F_2+30F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{2}(F_$
$\frac{{}^{3}A_{2}}{6*Dq-12F_{2}+270F}$ $\frac{{}^{3}F_{1}}{16Dq-15F_{2}+250F_{4}}$	$\begin{array}{c cccc} F_4 & 6(F_2 - 5F_4) \\ \hline & -4Dq - 3F_2 + 2 \\ \hline & -\sqrt{6}(F_2 - 5F_4) \\ \hline & 6Dq - 11F_2 + 195F_4 \\ \hline & \\ \hline \hline \\ \hline \hline \\ \hline \hline \\ \hline \hline \hline \\ \hline \hline \\ \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \hline \hline \hline \\ \hline \hline$	$ \begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ \hline 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \\ \hline \\ \end{array} $	$\begin{array}{c c} \hline & & \sqrt{2(2F_2)} \\ \hline & & \sqrt{3(F_2)} \\ \hline & & \sqrt{3(F_2)} \\ \hline & & -3(F_2) \\ \hline & & -4Dq \end{array}$	$-5F_4$) $-5F_4$) $-5F_4$) $-F_2+215F_4$	$-2\sqrt{2}(F_{2}-\sqrt{3})$ $-\sqrt{3}(F_{2}-\sqrt{3})$ $-3(F_{2}-\sqrt{5})$ $-10(F_{2}-\sqrt{5})$ $-4Dq-9F_{2}$	$5F_4$) $5F_4$) F_4) $5F_4$) $5F_4$) 7_2 +185 F_4	$ \begin{array}{c} 0\\ 3(F_2-5I)\\ 5\sqrt{3}(F_2)\\ 0\\ -2\sqrt{3}(F_2)\\ -4Dq-1 \end{array} $	F_4) -5F4) -5F4) -5F4) 11F ₂ +195F ₄	$\begin{array}{c} 0 \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{2}(F_2+30F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \end{array}$
$3A_2$ $6*Dq-12F_2+270F$ $3F_1$ $16Dq-15F_2+250F_4$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \\ \end{array} $	$\begin{array}{c c} \hline 4 \end{pmatrix} & \sqrt{2}(2F_2) \\ \hline 0 & \sqrt{3}(F_2) \\ \hline 25F_4 & -3(F_2) \\ \hline -4Dq \\ \hline \end{array}$	2^{+25F_4}) $-5F_4$) $-5F_4$) $-F_2^{+215F_4}$	$ \begin{array}{r} -2\sqrt{2}(F_{2}-)\\ -\sqrt{3}(F_{2}-)\\ -3(F_{2}-5)\\ -10(F_{2}-5)\\ -4Dq-9F\end{array} $	$5F_4$) $5F_4$) F_4) $5F_4$) $5F_4$) 7_2+185F_4	$ \begin{array}{c} 0 \\ 3(F_2-5) \\ 5\sqrt{3}(F_2) \\ 0 \\ -2\sqrt{3}(F_2) \\ -4Dq-1 \end{array} $	F_4) -5F4) -5F4) -5F ₄) -5F ₄) -1F ₂ +195F ₄	$\begin{array}{c} 0\\ \sqrt{6}(F_2-5F_4)\\ \sqrt{2}(F_2+30F_4)\\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4)\\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4)\\ \sqrt{6}(F_2-5F_4)\\ -14Dq-16F_2+225\end{array}$
$^{3}A_{2}$ $6*Dq-12F_{2}+270F$ $^{3}F_{1}$ $16Dq-15F_{2}+250F_{4}$ $^{1}F_{2}$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \\ \end{array} $	$ \begin{array}{c c} \hline 4 & \sqrt{2}(2F) \\ \hline 0 & \sqrt{3}(F_2) \\ \hline 25F_4 & -3(F_2) \\ \hline & -4Dq \\ \hline \\ & & \\ \hline \\ & & \\ \end{array} $	2^{+25F_4}) $-5F_4$) $-5F_4$) $-F_2+215F_4$	$-2\sqrt{2}(F_2-3)/(F_2-3)/(F_2-5$	$5F_4$) $5F_4$) $5F_4$) $5F_4$) $5F_4$) 7_2+185F_4	$ \begin{array}{c} 0 \\ 3(F_2-5) \\ 5\sqrt{3}(F2) \\ 0 \\ -2\sqrt{3}(F_2) \\ -4Dq-1 \end{array} $	F_4) -5F4) -5F4) 1F ₂ +195F ₄	$\begin{array}{c} 0 \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{2}(F_2+30F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -14Dq-16F_2+225 \end{array}$
$^{3}A_{2}$ $6*Dq-12F_{2}+270F$ $^{3}F_{1}$ $16Dq-15F_{2}+250F_{4}$ $^{1}F_{2}$ $16Dq-9F_{2}+290F_{4}$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \\ -5\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -5\sqrt{6}(F_2-$	$\begin{array}{c cccc} \hline & & & & & & \\ \hline & & $	$-5F_4$) $-5F_4$) $-F_2+215F_4$	$ \begin{array}{c} -2\sqrt{2}(F_{2}-7)(F_{2}-$	$-5F_4$) $5F_4$) F_4) $5F_4$) F_2 +185 F_4 (F_2-5F_4)	$ \begin{array}{c} 0 \\ 3(F_2-5) \\ 5\sqrt{3}(F_2) \\ 0 \\ -2\sqrt{3}(F_2) \\ -4Dq-1 \\ \hline \sqrt{2}(2) \\ \sqrt$	F_4) -5F4) -5F4) -5F ₄) -1F ₂ +195F ₄ -2F ₂ +20F ₄)	$ \begin{array}{c} 0 \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{2}(F_2+30F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -14Dq-16F_2+225 \\ 0 \\ 0 \end{array} $
$\frac{{}^{3}A_{2}}{6*Dq-12F_{2}+270F_{2}}$ $\frac{{}^{3}F_{1}}{16Dq-15F_{2}+250F_{4}}$ $\frac{{}^{1}F_{2}}{16Dq-9F_{2}+290F_{4}}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \\ -5\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ -5\sqrt{3}(F_2-$	$\begin{array}{c ccccc} \hline & & & & & & \\ \hline & & & & & \\ \hline$	$2+25F_4$) $-5F_4$) $-5F_4$) $-F_2+215F_4$ $5F_4$)	$\begin{array}{c} -2\sqrt{2}(F_{2}-7)(F_{2}-7$	(F_2-5F_4) (F_2-5F_4) (F_2-5F_4) (F_2-5F_4) (F_2-5F_4)	$ \begin{array}{c} 0 \\ 3(F_2-5I) \\ 5\sqrt{3}(F_2) \\ 0 \\ -2\sqrt{3}(F_2) \\ -4Dq-1 \\ \hline 0 \\ \sqrt{2}(2) \\ -3(F_2) \\ \sqrt{2}(2) \\ \sqrt{2}(2$	F_4) -5F4) -5F4) $1F_2+195F_4$ F_2+20F_4) F_2-5F_4)	0 $\sqrt{6(F_2-5F_4)}$ $\sqrt{2(F_2+30F_4)}$ $3\sqrt{2(F_2-5F_4)}$ $\sqrt{6(F_2-5F_4)}$ $-14Dq-16F_2+225$ 0 $-\sqrt{6(F_2-5F_4)}$
$3A_2$ $6*Dq-12F_2+270F_3$ $3F_1$ $16Dq-15F_2+250F_4$ $16Dq-9F_2+290F_4$ $16Dq-9F_2+290F_4$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \\ \end{array}$	$\begin{array}{c ccccc} \hline & & & & & & & \\ \hline & & & & & & \\ \hline & & & &$	$5F_4$) (F_2-5F_4) (F_2-5F_4)	$\begin{array}{c} -2\sqrt{2}(F_{2}-\sqrt{3}(F_{2}-$	(F_2-5F_4) (F_2-5F_4) (F_2-5F_4) (F_2-5F_4) (F_2-5F_4) (F_2-5F_4)	$ \begin{array}{c} 0 \\ 3(F_2-5I) \\ 5\sqrt{3}(F_2) \\ 0 \\ -2\sqrt{3}(F_2) \\ -4Dq-1 \\ \hline 0 \\ \sqrt{2}(2) \\ -3(F_2) \\ -5\sqrt{3}(F_2) \\ -5\sqrt{3}(F_2$	F_4) -5F4	$\begin{array}{c} 0 \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{2}(F_2+30F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -14Dq-16F_2+225 \\ \end{array}$
$^{3}A_{2}$ $6*Dq-12F_{2}+270F$ $^{3}F_{1}$ $16Dq-15F_{2}+250F_{4}$ $^{1}F_{2}$ $16Dq-9F_{2}+290F_{4}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \\ -5\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq+3F_2+26 \\ \end{array} $	$\begin{array}{c ccccc} \hline & & & & & & & \\ \hline & & & & & & \\ \hline & & & &$	$5F_4$) $-5F_4$) $-5F_4$) $-F_2+215F_4$ (F_2-5F_4) $-9F_2+255F_4$	$\begin{array}{c} -2\sqrt{2}(F_{2}-7\sqrt{3}) \\ -\sqrt{3}(F_{2}-5) \\ -3(F_{2}-5) \\ -10(F_{2}-7) \\ -4Dq-9F \\ \end{array}$	$ \frac{-5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} $ $ \frac{F_2}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} $ $ \frac{(F_2-5F_4)}{2-5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} $	$ \begin{array}{c} 0\\ 3(F_2-5I)\\ 5\sqrt{3}(F_2)\\ 0\\ -2\sqrt{3}(F_2)\\ -2\sqrt{3}(F_2)\\ -2\sqrt{3}(F_2)\\ -3(F_2)\\ -3(F_2)\\ -3(F_2)\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\$	F_4) -5F4) -5F4) -5F4) -5F4) -5F4) -5F4) 5F4) 	$\begin{array}{c} 0 \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{2}(F_2+30F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -14Dq-16F_2+225 \\ \end{array}$
$^{3}A_{2}$ $6*Dq-12F_{2}+270F$ $^{3}F_{1}$ $16Dq-15F_{2}+250F_{4}$ $^{1}F_{2}$ $16Dq-9F_{2}+290F_{4}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ \hline \\ 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \\ \hline \\ \\ -5\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \hline \\ \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq+3F_2+26 \\ \hline \\ \end{array}$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$5F_4$) $-5F_4$) $-F_2+215F_4$ $-F_2+215F_4$ $-F_2+215F_4$ $-F_2+215F_4$ $-F_2+215F_4$	$\begin{array}{c} -2\sqrt{2}(F_{2}-\sqrt{3}(F_{2}-$	$ \frac{-5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{F_4} $ $ \frac{F_2}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_2+185F_4} $ $ \frac{(F_2-5F_4)}{(F_2-5F_4)} = \frac{5F_4}{-5F_4} = \frac{5F_4}{-5F_4} $	$\begin{array}{c} 0 \\ 3(F_2-5i) \\ 5\sqrt{3}(F_2) \\ 0 \\ -2\sqrt{3}(F_2) \\ -2$	$F_{4} = -5F_{4}$ $F_{2}+195F_{4} = -5F_{4}$ $F_{2}+20F_{4} = -5F_{4}$ $F_{2}-5F_{4} = -5F_{4}$ $F_{2}-5F_{4} = -5F_{4}$	$\begin{array}{c} 0 \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{2}(F_2+30F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -14Dq-16F_2+225 \\ \end{array}$
$^{3}A_{2}$ $6*Dq-12F_{2}+270F$ $^{3}F_{1}$ $^{1}6Dq-15F_{2}+250F_{4}$ $^{1}F_{2}$ $^{1}F_{2}$ $^{1}6Dq-9F_{2}+290F_{4}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \\ -5\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq+3F_2+26 \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4)$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\frac{5F_4}{(F_2-5F_4)}$	$\begin{array}{c} -2\sqrt{2}(F_{2}-\sqrt{3}(F_{2}-$	$ \frac{-5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{F_4} $ $ \frac{F_2}{5F_4} = \frac{5F_4}{F_2+185F_4} $ $ \frac{(F_2-5F_4)}{F_2-5F_4} = \frac{5F_4}{-5F_4} $ $ \frac{-5F_4}{-3F_2+225F_4} $	$\begin{array}{c} 0 \\ 3(F_2-5i) \\ 5\sqrt{3}(F_2) \\ 0 \\ -2\sqrt{3}(F_2) \\ -4Dq-1 \\ \hline \\ -4Dq-1 \\ \hline \\ -4Dq-1 \\ \hline \\ -4Dq-1 \\ \hline \\ 0 \\ -4Dq-1 \\ \hline \\ 0 \\ -4Dq-1 \\ \hline \\ 0 \\ -4Dq \\ -10(\\ -4Dq \\ -4Dq \\ \hline \\ 0 \\ -4Dq \\ -10(\\ -4Dq \\ -4Dq \\ \hline \\ 0 \\ -4Dq \\ -10(\\ -4Dq \\ -4Dq \\ -10(\\ -4Dq \\ -4Dq \\ -10(\\ -10(\\ -4Dq \\ -10(\\ -10$	$F_{4} = -5F_{4}$ $F_{2}+5F_{4} = -5F_{4}$ $F_{2}+20F_{4} = -5F_{4}$ $F_{2}-5F_{4} = -5F_{4}$ $F_{2}-5F_{4} = -5F_{4}$ $F_{2}-5F_{4} = -5F_{4}$	$\begin{array}{c} 0 \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{2}(F_2+30F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -14Dq-16F_2+225 \\ \end{array}$
$^{3}A_{2}$ $6^{*}Dq-12F_{2}+270F$ $^{3}F_{1}$ $^{1}6Dq-15F_{2}+250F_{4}$ $^{1}F_{2}$ $^{1}F_{2}$ $^{1}6Dq-9F_{2}+290F_{4}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \\ -5\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq+3F_2+26 \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4)$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2^{+25F_4}) $-5F_4$) $-F_2+215F_4$ $-F_2+215F_4$ $-F_2+215F_4$ $-F_2+215F_4$ $-F_2+215F_4$ $-F_2+215F_4$ $-F_2+215F_4$ $-F_2+215F_4$	$\begin{array}{c} -2\sqrt{2}(F_{2}-\sqrt{3}(F_{2}-$	$ \frac{-5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} $ $ \frac{F_2}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} $ $ \frac{(F_2-5F_4)}{2-5F_4} = \frac{5F_4}{-5F_4} = \frac{5F_4}{-5F_4} $	$\begin{array}{c} 0 \\ 3(F_2-5I) \\ 5\sqrt{3}(F_2) \\ 0 \\ -2\sqrt{3}(F_2) \\ -4Dq-1 \\ \hline \\ -4Dq-1 \\ \hline \\ -4Dq-1 \\ \hline \\ -4Dq \\ -10(\\ -4D \\ \hline \\ -4D \\ \hline \\ -10(\\ -4D \\ \hline \\ -4D \\ \hline \\ \end{array}$	$F_{4})$ $-5F4)$ $F_{2}+195F_{4}$ $F_{2}+20F_{4})$ $F_{2}-5F_{4})$ $F_{2}-5F_{4})$ $F_{2}-5F_{4})$ $F_{2}-5F_{4})$ $F_{2}-5F_{4})$	$\begin{array}{c} 0 \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{2}(F_2+30F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -14Dq-16F_2+225 \\ \end{array}$
$^{3}A_{2}$ $6^{*}Dq-12F_{2}+270F$ $^{3}F_{1}$ $16Dq-15F_{2}+250F_{4}$ $^{1}F_{2}$ $^{1}F_{2}$ $^{1}6Dq-9F_{2}+290F_{4}$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \\ -5\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -5\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq+3F_2+26 \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4)$	$\begin{array}{c ccccc} \hline & & & & & & & \\ \hline & & & & & & \\ \hline & & & &$	2^{+25F_4}) $-5F_4$) $-F_2+215F_4$ $-F_2+215F_4$ (F_2-5F_4) $-9F_2+255F_4$	$\begin{array}{c} -2\sqrt{2}(F_{2}-\sqrt{3}(F_{2}-$	$ \frac{-5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_2-5F_4} = \frac{5F_4}{-5F_4} = \frac{5F_4}{-5F_4} = \frac{5F_4}{-5F_4} = \frac{5F_4}{-5F_4} = \frac{5F_4}{-5F_4} = \frac{5F_4}{5F_2+225F_4} = \frac{5F_4}{5F_2+25F_4} $	$\begin{array}{c} 0 \\ \hline 3(F_2-5I) \\ \hline 5\sqrt{3}(F_2) \\ 0 \\ \hline -2\sqrt{3}(F_2) \\ \hline -4Dq-1 \\ \hline -4Dq-1 \\ \hline \\ -4Dq-1 \\ \hline \\ -4Dq \\ \hline \\ 0 \\ \hline \\ -4D \\ \hline \\ 0 \\ \hline \\ -4D \\ \hline \end{array}$	$F_{4})$ $-5F4)$ $F_{2}+20F_{4})$ $F_{2}+20F_{4})$ $F_{2}-5F_{4})$ $F_{2}-5F_{4})$ $F_{2}-5F_{4})$ $F_{2}-5F_{4})$ $F_{2}-5F_{4})$	$\begin{array}{c} 0\\ \sqrt{6}(F_{2}-5F_{4})\\ \sqrt{2}(F_{2}+30F_{4})\\ 3\sqrt{2}(F_{2}-5F_{4})\\ 3\sqrt{2}(F_{2}-5F_{4})\\ \sqrt{6}(F_{2}-5F_{4})\\ -14Dq-16F_{2}+225\\ \end{array}$
$^{3}A_{2}$ $6^{*}Dq-12F_{2}+270F$ $^{3}F_{1}$ $16Dq-15F_{2}+250F_{4}$ $^{1}F_{2}$ $^{1}F_{2}$ $^{1}6Dq-9F_{2}+290F_{4}$ $^{1}A_{1}$ $^{1}6Dq+350F_{4}$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \\ \hline \\ -5\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq+3F_2+26 \\ \hline \\ \hline \\ \\ 0 \\ 0 \\ \end{array}$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2^{+25F_4}) $-5F_4$) $-F_2+215F_4$ $5F_4$) (F_2-5F_4) $-9F_2+255F_4$	$\begin{array}{c} -2\sqrt{2}(F_{2}) \\ -\sqrt{3}(F_{2}-5) \\ -3(F_{2}-5) \\ -4Dq-9F \\ \end{array}$	$\frac{-5F_4)}{5F_4)}$ $\frac{5F_4)}{5F_4)}$ $\frac{5F_4}{5F_4}$	$\begin{array}{c} 0 \\ \hline 3(F_2-5I) \\ 5\sqrt{3}(F2) \\ \hline 0 \\ -2\sqrt{3}(F_2) \\ \hline -2\sqrt{3}(F_2) \\ \hline -2\sqrt{3}(F_2) \\ \hline 0 \\ -3(F_1) \\ \hline -3(F_1) \\ \hline -3(F_2) \\ \hline 0 \\ \hline -10(0 \\ -4D \\ \hline \end{array}$	F_{4} -5F4) -5F4) $F_{2}+195F_{4}$ $F_{2}+20F_{4}$ $F_{2}-5F_{4}$ $F_{2}-5F_{4}$ $F_{2}-5F_{4}$ $F_{2}-5F_{4}$ $F_{2}-5F_{4}$ $F_{2}-5F_{4}$	$\begin{array}{c} 0 \\ \sqrt{6(F_2-5F_4)} \\ \sqrt{2(F_2+30F_4)} \\ 3\sqrt{2(F_2-5F_4)} \\ 3\sqrt{2(F_2-5F_4)} \\ \sqrt{6(F_2-5F_4)} \\ -14Dq-16F_2+225 \\ \end{array}$
$^{3}A_{2}$ $6^{*}Dq-12F_{2}+270F$ $^{3}F_{1}$ $16Dq-15F_{2}+250F_{4}$ $^{1}F_{2}$ $16Dq-9F_{2}+290F_{4}$ $^{1}A_{1}$ $16Dq+350F_{4}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \\ \hline \\ -5\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq+3F_2+26 \\ \hline \\ \hline \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$2+25F_4$) $-5F_4$) $-F_2+215F_4$ $5F_4$) (F_2-5F_4) $-9F_2+255F_4$	$\begin{array}{c} -2\sqrt{2}(F_{2}-\sqrt{3}(F_{2}-$	$ \frac{-5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} $ $ \frac{F_2}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} $ $ \frac{F_2-5F_4}{-5F_4} = \frac{5F_4}{-3F_2+225F_4} $ $ \frac{F_2-5F_4}{-5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} $	$ \begin{array}{c} 0 \\ 3(F_2-5I) \\ 5\sqrt{3}(F_2) \\ 0 \\ -2\sqrt{3}(F_2) \\ 0 \\ -3(F_2) \\ -3(F_2) \\ 0 \\ -10(0 \\ -4D \\ -10(0 \\ -$	F_{4} -5F4) -5F2+20F4) -5F2+255F4	$\begin{array}{c} 0 \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{2}(F_2+30F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ -14Dq-16F_2+225 \\ \end{array}$ $\begin{array}{c} 0 \\ -\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{2}(3F_2+20F_4) \\ -3\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -14Dq+245F_4 \\ \end{array}$
$^{3}A_{2}$ $6^{*}Dq-12F_{2}+270F$ $^{3}F_{1}$ $16Dq-15F_{2}+250F_{4}$ $^{1}F_{2}$ $16Dq-9F_{2}+290F_{4}$ $^{1}A_{1}$ $16Dq+350F_{4}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \\ \hline \\ -5\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq+3F_2+26 \\ \hline \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ -12(100) \\ -12(10$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2^{+25F_4}) $-5F_4$) $-F_2+215F_4$ $-F_2+215F_4$ (F_2-5F_4) $-9F_2+255F_4$ $-9F_2+255F_4$	$\begin{array}{c} -2\sqrt{2}(F_{2}-\sqrt{3}(F_{2}-$	$ \frac{-5F_4}{5F_4} = \frac{-5F_4}{5F_4} $ $ \frac{F_2}{5F_4} = \frac{-5F_4}{5F_4} = \frac{-5F_4}{5F_4} $ $ \frac{-5F_4}{-5F_4} = \frac{-5F_4}{-5F_4} $ $ \frac{-2-5F_4}{5F_4} = \frac{-5F_4}{5F_4} $	$ \begin{array}{c} 0 \\ 3(F_2-5I) \\ 5\sqrt{3}(F_2) \\ 0 \\ -2\sqrt{3}(F_2) \\ -2\sqrt{3}(F_2) \\ -2\sqrt{3}(F_2) \\ 0 \\ -3(F_1) \\ 0 \\ -3(F_2) \\ 0 \\ -10(0 \\ -4D \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0$	F_{4} -5F4) -5F4) -5F4) -5F4) -5F4) -7-5F4)	$\begin{array}{c c} 0 \\ \hline & \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \hline & \sqrt{2}(F_2+30F_4) \\ \hline & 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ \hline & 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ \hline & \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \hline & -14Dq-16F_2+225 \\ \hline & 0 \\ \hline & -\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \hline & \sqrt{2}(3F_2+20F_4) \\ \hline & \sqrt{3}(6(F_2-5F_4) \\ \hline & \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \hline & -14Dq+245F_4 \\ \hline \\ \hline & 0F_4) \\ \hline \end{array}$
${}^{3}A_{2}$ $6^{*}Dq-12F_{2}+270F$ ${}^{3}F_{1}$ $16Dq-15F_{2}+250F_{4}$ - $16Dq-9F_{2}+290F_{4}$ - - - $16Dq+350F_{4}$ - - - - - - - -	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c} -3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ 5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq-3F_2+22 \\ \hline \\ -5\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ -5\sqrt{3}(F_2-5F_4) \\ 6Dq+3F_2+26 \\ \hline \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2^{+25F_4}) $-5F_4$) $-F_2+215F_4$ $5F_4$) (F_2-5F_4) $-9F_2+255F_4$ F_4	$\begin{array}{c} -2\sqrt{2}(F_{2}-\sqrt{3}(F_{2}-$	$ \frac{-5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} $ $ \frac{F_2}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} $ $ \frac{(F_2-5F_4)}{(F_2-5F_4)} = \frac{5F_4}{3F_2+225F_4} $ $ \frac{F_2-5F_4}{5F_4} = \frac{5F_4}{5F_4} $	$ \begin{array}{c} 0 \\ 3(F_2-5) \\ 5\sqrt{3}(F_2 \\ 0 \\ -2\sqrt{3}(F_2 \\ 0 \\ -2\sqrt{3}(F_2 \\ 0 \\ -3(F_2 \\ -5\sqrt{2} \\ 0 \\ 0 \\ -10(\\ -4D \\ 0 \\ -4D $	F_{4} $-5F_{4}$ $F_{2}+20F_{4}$ $F_{2}+20F_{4}$ $F_{2}-5F_{4}$	$\begin{array}{c c} 0 \\ \hline & \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \hline & \sqrt{2}(F_2+30F_4) \\ \hline & 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ \hline & 3\sqrt{2}(F_2-5F_4) \\ \hline & \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \hline & -14Dq-16F_2+225 \\ \hline & 0 \\ \hline & \sqrt{2}(3F_2+20F_4) \\ \hline & \sqrt{2}(3F_2+20F_4) \\ \hline & \sqrt{3}\sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \hline & \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \hline & \sqrt{6}(F_2-5F_4) \\ \hline & -14Dq+245F_4 \\ \hline \\ \hline & 0F_4) \\ \hline \\ F_4) \end{array}$

 ${}^{3}A_{1} 6Dq - 12F_{2} + 80F_{4}$

International Scientific Journal for Alternative Energy and Ecology © Scientific Technical Centre «TATA», 2015

🕸 ISJAEE

На рисунке 7 представлены зависимости энергии уровней свободного атома конфигурации d^6 от значений относительного параметра $-1/10 < F_2/F_4 < 1/20$ и Dq = 0.

Основным состоянием для всех соотношений параметров F_2/F_4 является состояние ⁵D, которое в октаэдрических структурах расщепляется на два уровня ⁵E и ⁵F₂, имеющих одинаковую энергию при Dq = 0.



Рис. 7. Зависимость энергии уровней конфигурации d^6 от значений относительного параметра – $1/10 < F_2/F_4 < 1/20$ Fig. 7. The relation of E/F_2 energy levels for d^6 configuration to relative parameter – $1/10 < F_2/F_4 < 1/20$

На рисунках 8 и 9 представлена зависимость энергии E/F_2 уровней конфигурации d^6 от значений относительного параметра Dq/F_2 при $F_2/F_4 = 14$.



Dq/F₂

Рис. 8. Зависимость энергии E/F_2 уровней конфигурации d^6 от значений относительного параметра Dq/F_2 при F_2/F_4 =14 Fig. 8. The relation of E/F_2 energy levels for d^6 configuration to relative parameter Dq/F_2 for F_2/F_4 =14

International Scientific Journal for Alternative Energy and Ecology © Scientific Technical Centre «TATA», 2015





International Publishing House for scientific periodicals "Space"



Рис. 9. Зависимость энергии E/F₂ нижних уровней конфигурации d⁶ от значений относительного параметра Dq/F₂ при *F*₂/*F*₄ =14

Fig. 9. The relation of E/F_2 energy levels for d^6 configuration to relative parameter Dq/F_2 for $F_2/F_4 = 14$

Идентификация уровней энергии конфигурации d⁶ для положительно и отрицательно координированных систем проводится в соответствии с таблицей 5.

Таблица 5 Идентификация уровней энергии конфигурации д6 для положительно и отрицательно координированных систем Table 5

Energy levels identification of d^6 configuration for positive and negative coordinated structures

🕸 ISJAEE

159

$Dq/F_2 = -1,54$			$Dq/F_2 = 1,2$			
E/F_2	S	Терм	E/F ₂	S	Терм	
0	2	${}^{5}E$	0	0	${}^{1}A_{1}$	
0,1	1	${}^{3}F_{1}$	2,9	2	${}^{5}F_{2}$	
7	0	${}^{1}F_{2}$	5,3	1	${}^{3}F_{1}$	
7,8	0	^{1}E	8,7	1	${}^{3}F_{2}$	
13,3	1	^{3}E	10,8	0	${}^{1}F_{1}$	
13,8	0	${}^{1}A_{1}$	15	2	${}^{5}E$	
13,8	1	${}^{3}F_{1}$	16	1	${}^{3}F_{1}$	
14,6	1	${}^{3}F_{2}$	17,1	1	${}^{3}F_{2}$	
15,6	2	${}^{5}F_{2}$	18	0	${}^{1}F_{2}$	
15,9	1	${}^{3}A_{1}$	18,5	1	3 <i>E</i>	
16,5	1	${}^{3}A_{2}$	18,7	1	${}^{3}F_{1}$	
18,6	1	^{3}E	21,7	1	${}^{3}F_{2}$	
19,8	0	${}^{1}F_{2}$	22,7	0	^{1}E	
20,2	0	$^{1}A_{2}$	23,1	0	${}^{1}F_{2}$	
21,6	0	${}^{1}F_{1}$	23,2	0	${}^{1}A_{1}$	
23,6	0	^{1}E	24,8	1	${}^{3}A_{2}$	
24	1	${}^{3}F_{1}$	26,5	0	${}^{1}F_{1}$	
25,6	1	${}^{3}F_{2}$	27,5	0	${}^{1}A_{2}$	
28,7	1	${}^{3}F_{1}$	28	1	${}^{3}F_{1}$	
30,3	1	${}^{3}F_{2}$	28,4	1	^{3}E	
31.8	0	${}^{1}A_{1}$	28.7	0	$^{1}F_{2}$	

			D (
Dq	$F_2 = -1$,54	Dq/I	$F_2 = 1$	1,2
32,3	1	^{3}E	30,1	1	${}^{3}F_{2}$
33,2	1	${}^{3}F_{2}$	30,5	1	${}^{3}A_{1}$
33,3	0	${}^{1}F_{1}$	32,1	1	${}^{3}F_{1}$
33,9	0	${}^{1}F_{2}$	32,5	0	^{1}E
34,5	0	${}^{1}F_{2}$	33,7	0	${}^{1}F_{2}$
35,4	0	^{1}E	34	1	^{3}E
36	1	${}^{3}F_{1}$	36,9	0	^{1}E
36,7	0	${}^{1}A_{1}$	37,6	0	$^{1}A_{2}$
41,6	0	${}^{1}F_{2}$	37,8	0	${}^{1}A_{1}$
42,6	0	${}^{1}A_{2}$	39,4	0	${}^{1}F_{1}$
43,5	0	${}^{1}F_{1}$	40,5	1	${}^{3}A_{2}$
44,6	1	${}^{3}F_{1}$	41,3	0	${}^{1}F_{2}$
47,1	1	${}^{3}A_{2}$	43,4	1	${}^{3}F_{1}$
50,7	0	^{1}E	44,9	1	${}^{3}F_{2}$
51,2	1	${}^{3}F_{1}$	45,4	0	${}^{1}F_{2}$
53,3	0	${}^{1}F_{1}$	48,5	1	${}^{3}F_{1}$
54,6	1	${}^{3}F_{2}$	51,3	0	${}^{1}F_{1}$
58,4	0	${}^{1}F_{2}$	52,5	0	${}^{1}A_{1}$
63,4	0	${}^{1}A_{1}$	54,6	0	^{1}E
65,4	0	${}^{1}F_{2}$	56,4	0	^{1}E
66,1	0	^{1}E	64,6	0	${}^{1}F_{2}$
82,6	0	${}^{1}A_{1}$	78,6	0	${}^{1}A_{1}$

International Scientific Journal for Alternative Energy and Ecology © Scientific Technical Centre «TATA», 2015

International Publishing House for scientific periodicals "Space"

1	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	Dyn	L, <u>~</u>		
	^{3}E	30,1	1	${}^{3}F_{2}$	
	${}^{3}F_{2}$	30,5	1	${}^{3}A_{1}$	
)	${}^{1}F_{1}$	32,1	1	${}^{3}F_{1}$	
)	${}^{1}F_{2}$	32,5	0	^{1}E	
)	${}^{1}F_{2}$	33,7	0	${}^{1}F_{2}$	
)	^{1}E	34	1	^{3}E	
	${}^{3}F_{1}$	36,9	0	^{1}E	
)	${}^{1}A_{1}$	37,6	0	$^{1}A_{2}$	
)	${}^{1}F_{2}$	37,8	0	${}^{1}A_{1}$	
)	${}^{1}A_{2}$	39,4	0	${}^{1}F_{1}$	
)	${}^{1}F_{1}$	40,5	1	${}^{3}A_{2}$	
	${}^{3}F_{1}$	41,3	0	${}^{1}F_{2}$	
	${}^{3}A_{2}$	43,4	1	${}^{3}F_{1}$	
)	^{1}E	44,9	1	${}^{3}F_{2}$	
	${}^{3}F_{1}$	45,4	0	${}^{1}F_{2}$	
)	${}^{1}F_{1}$	48,5	1	${}^{3}F_{1}$	
	${}^{3}F_{2}$	51,3	0	${}^{1}F_{1}$	
)	${}^{1}F_{2}$	52,5	0	${}^{1}A_{1}$	
)	$^{1}A_{1}$	54,6	0	^{1}E	
·	^{1}E	56 /	0	^{1}E	

продолжение таблицы

SPACE Международный издательский дом научной периодики "Спейс"

Международный научный журнал «Альтернативная энергетика и экология»

№ 10-11

(174-175)

Методика определения параметра Dq

Параметр *Dq* в ионной модели диэлектрических кристаллов определяется по следующей формуле:

$$Dq = k \, \frac{Z_L r_{3d}^4}{R_{AL}^5} \,, \tag{1}$$

где Z_L – заряд лигандов B; r_{3d}^4 – радиус 3d оболочки иона $3d^n$ -конфигурации; R_{AL} – расстояние между атомами A и L = B в кристаллической решетке $A^{II}B^{VI}$ или $A^{III}B^{V}$; k – координационное число окружения

иона, для тетераэдрического окружения иона
$$k = 4$$
.

В работе [8] на основании экспериментальных значений параметра Dq в материалах $A^{II}B^{VI}$ была определена зависимость заряда лигандов $Z_L = \frac{R_{AL}^5}{k r_{AL}^4} Dq$ от межионного расстояния. На осно-

вании этих вычислений по формуле (1) были рассчитаны значения параметров Dq, B, C для Fe с использованием радиуса оболочки Fe $r_{3d}(\text{Fe}^{2+}) = 66$ Пм. Они получены параметризацией зависимости, построенной нами в работах [8–10], и приведены в таблице 6.

Спектроскопические параметры иона Fe²⁺ в полупроводниковых кристаллах

 Z_L

(ZnL)

0,155

0,287

0,358

0,479

 Z_L (CdL)

0,213

0.342

0,437

0.600

ZnO, ZnS, ZnSe, ZnTe, CdO, CdS, CdSe, CdTe*

Table 6

				semico
	R_{AL}	R_{AL}	Dq	Dq
(ligand)	(Zn-L) Пм	(Cd-L) Пм	(ZnL) см ⁻¹	(CdL см ⁻¹
0	204		337	
S	233		306	
Se	247		291	
Те	266		270	
0		221		319
S		250		287
Se		264		272

283

Spectroscopic parameters of Fe²⁺ ion in ZnO, ZnS, ZnSe, ZnTe, CdO, CdS, CdSe, CdTe* semiconductive crystals

В

(ZnL)

CM⁻¹

700

597

548

481

B

(CdL)

 CM^{-1}

640

537

488

421

C

(ZnL) см⁻¹

3148

2687

2465

2163

C

(CdL)

см⁻¹

2878

2417

2195

1893

* R(Zn-L), R(Cd-L) – сумма ковалентных радиусов цинка, кадмия и атомов лигандов L, Dq(ZnL), Dq(CdL) – параметр по-
тенциала кристаллического поля кубической симметрии (см ⁻¹); B(ZnL), B(CdL), C(ZnL), C(CdL) – параметры электроста-
тического взаимодействия в соответствующих кристаллах; Z _L (Zn), Z _L (Cd) – числа лигандных зарядов.

251

Параметр электростатического взаимодействия B в ряду кристаллов незначительно уменьшается с увеличением межионного расстояния, поэтому в ряду кристаллов $A^{II}B^{VI}$ это уменьшение можно учесть, введя феноменологический коэффициент, который постоянен в этом ряду. Как следует из расчетов для свободного иона [12], второй параметр электростатического взаимодействия $C = 4, 5 \cdot B$.

Параметр Dq, согласно формуле (1), должен быть пропорционален R_{AL}^{-5} . Отклонение от этой зависимости может означать, что заряд лигандов не является постоянной величиной и меняется в соответствии с изменением химической связи между ионом Со и лигандами, перекрытием волновых функций и примесью ковалентной связи. Доля ковалентной связи зависит от разности электроотрицательности иона кобальта и атомов лигандов. При уменьшении этой разности увеличивается доля ковалентной связи, и результирующий заряд лигандов уменьшается. Заряды лигандов, полученные в работе [8], также представлены в таблице 6.

Учитывая эту зависимость параметров Dq, B и C от R_{AL} , были определены значения Dq и рассчитаны спектральные характеристики иона железа для всего массива материалов.

Te

Энергетические уровни Fe²⁺ в кристаллах соединений А^ПВ^{VI}

При расчете использовалась матрица всех взаимодействий электронной конфигурации d⁶ 210×210 с параметризацией B, C, Dq и 13-ю параметрами кристаллического поля низкой симметрии [6, 7]. В приводимых расчетах симметрия окружения иона кобальта в кристаллах А^{II}В^{VI} тетраэдрическая, поэтому можно ограничиться одним параметром кристаллического поля Dq.

Авторами данной статьи были вычислены энергия уровней и сила осцилляторов переходов с ⁵D₄ уровней иона Fe²⁺ в CdO, CdS, CdSe, CdTe и ZnO, ZnS, ZnSe, ZnTe. Результаты этих расчетов приведены на рис. 10.



Рис. 10. Энергетические уровни А^{II}В^{VI} соединений, легированных ионами Fe²⁺, на примере ZnO, ZnS, ZnSe, ZnTe, CdO, CdS, CdSe и CdTe Fig. 10. Energy levels of A^{II}B^{VI} materials doped with Fe²⁺ ions for example ZnO, ZnS, ZnSe, ZnTe, CdO, CdS, CdSe and CdTe

Полученные при расчетах данные по полосам люминесценции совпадают с тремя основными полосами люминесценции ZnS и ZnSe, экспериментально измеренными в работе [3] в пределах погрешности. Кроме длин волн, рассчитаны силы осцилляторов переходов спектра люминесценции для каждого из этих материалов. В таблице 7 показаны

силы осцилляторов при переходах из основного состояния с ${}^{5}D_{4}$ иона Fe²⁺ на все остальные для CdO, CdS, CdSe, CdTe соответственно. Важно, что рассчитываются не только энергии 90-та уровней, но и силы осцилляторов переходов электро-дипольного типа, индуцированные нечетным потенциалом кристаллического поля.

International Publishing House for scientific periodicals "Space"

3

Таблица 7

Энергия уровней и сила осцилляторов переходов с ${}^{5}D_{4}$ уровней иона Fe²⁺ в CdO, CdS, CdSe, CdTe

Table 7

Energy levels and oscillator strengths for transitions from ${}^{5}D_{4}$ energy levels of Fe²⁺ ion in CdO, CdS, CdSe and CdTe

		Состав	CdO		CdS		CdSe		CdTe		7
	N⁰	Уровни	<i>E</i> , см ⁻¹	$f(10^{-7})$	-						
	1	${}^{5}D_{4}$	0	-	0	-	0	-	0	-	-
	2		28	4,773636	30	5,416572	32	10,7561	34	33,25658	-
	3		28	10,71957	30	28,13497	32	22,2507	34	9,818412	-
	4		28	12,76896	30	8,611517	32	18,62565	34	26,67836	
	5		54	19,68547	59	24,73237	61	35,3589	65	47,18116	
	6		54	16,86143	59	29,06856	61	29,97768	65	39,75931	
	7		92	19,58177	102	51,01132	107	105,4696	116	34,75182	
	8		92	63,31965	102	74,27607	107	25,18232	116	66,87795	7
	9		92	13,26055	102	20,27412	107	49,03738	116	144,1297	
12	10	${}^{5}D_{3}$	132	45,92268	147	70,57288	156	87,86193	171	122,0456	10/2
1	11		2953	594,2321	2646	643,9904	2502	2239,475	2302	1211,195	- del
	12		2953	1413,586	2646	1856,035	2502	1033,668	2302	893,4748	
	13		2953	750,4985	2646	928,7286	2502	552,9304	2302	2397,879	eŭc"
	14		3211	1200,568	2906	612,2573	2764	915,6474	2567	1972,77	"Спе
	15		3211	534,9034	2906	915,3724	2764	837,0657	2567	873,2283	ікп
	16		3211	519,2736	2906	1321,362	2764	1454,493	2567	981,7355	ηροι
	17	${}^{5}D_{2}$	3232	327,1952	2928	455,8393	2786	517,7665	2589	588,1808	Inepu
-	18		3232	355,1373	2928	423,4075	2786	482,9423	2589	626,5582	oŭ r
	19		3555	596,8351	3248	730,8348	3105	804,0326	2905	1032,931	учн
	20		3555	542,3546	3248	748,2402	3105	776,4543	2905	933,3019	N HG
	21		3555	578,1847	3248	687,5071	3105	859,4934	2905	952,8145	goi
	22	${}^{5}D_{1}$	3583	619,6396	3278	438,3933	3135	587,7485	2937	490,3095	жий
	23		3583	296,6179	3278	908,1105	3135	831,0287	2937	638,1275	эльс
>	24		3583	415,1918	3278	334,7625	3135	477,1853	2937	1146,174	ame
	25	${}^{5}D_{0}$	3611	131,7139	3306	177,3744	3163	206,8539	2964	261,2604	uað
	26	${}^{3}H_{6}$	12619	9,104121	10453	7,7051	9407	8,895242	7985	7,931022	Ный
	27		12619	2,689945	10453	4,308163	9407	5,478268	7985	18,46892	ίροα
	28		12619	3,979843	10453	13,8534	9407	19,14556	7985	23,29847	уна
	29		12684	8,220425	10540	10,24148	9500	13,3226	8088	19,85174	ежд
	30		12696	6,209331	10540	14,8527	9500	19,05218	8088	27,7303	W
	31		12696	9,208501	10545	13,77299	9517	18,07083	8122	27,25717	_
	32		12730	8,18175	10588	13,12721	9557	13,78847	8158	25,89691	_
	33		12730	8,090717	10588	16,68175	9557	26,10709	8158	24,95183	_
	34		12730	9,170602	10588	12,78333	9557	15,94352	8158	33,26024	_
	35		14552	2,589522	12253	4,978443	11148	8,134483	9638	8,753034	_
	36		14552	3,261181	12253	5,864042	11148	5,58283	9638	14,02526	_
	37		14552	3,160701	12253	4,949148	11148	7,966673	9638	13,99103	_
	38		14583	4,847519	12296	6,644183	11198	12,36361	9706	12,94936	-
	39	311	14583	2,699855	12296	8,252523	11198	6,009723	9706	8,637356	-
	40	$^{-}H_{5}$	14583	3,806726	12296	3,860016	11198	6,050882	9706	14,89136	_
	41		15238	7,804953	12779	5,643352	11598	19,07367	9990	17,74316	-
	42		15238	4,045774	12779	/,/33564	11598	12,75455	9990	11,90314	_
	43		15238	4,641656	12//9	15,59213	11598	7,00007	9990	32,24813	-
	44		15246	3,588165	12/94	0,062334	11617	/,980895	10020	12,15007	_
	43	l l	15246	4,894627	12/94	8,148968	11618	10,70819	10020	16,2524	

International Publishing House for scientific periodicals "Space" SPACE

International Scientific Journal for Alternative Energy and Ecology © Scientific Technical Centre «TATA», 2015

Международный научный журнал «Альтернативная энергетика и экология» © Научно-технический центр «TATA», 2015

								Продолжен	ие таблицы 7	
46		15471	7,310581	13023	12,05568	11848	15,64165	10247	23,15741	
47		15559	10,4151	13105	25,52487	11926	36,68404	10322	57,73507	
48		15559	13,61225	13105	18,66622	11926	28,99194	10322	36,73398	
49		15559	14,91057	13105	23,18839	11926	23,89204	10322	41,84413	
50		15700	6,384205	13232	11,15186	12043	14,9274	10419	23,11424	
51	${}^{3}H_{4}$	15700	4,683194	13232	7,959506	12043	10,49533	10420	15,86235	
52		15804	17,65464	13359	19,16583	12186	38,63395	10582	17,41573	
53		15804	6,534343	13359	19,1269	12186	25,27757	10582	31,97917	
54		15804	9,621925	13359	20,89165	12186	15,84903	10582	10,69445	
55		15873	4,741551	13399	8,94423	12208	11,01781	10590	23,70768	
56		15873	2,610968	13399	7,690903	12208	4,549989	10590	44,76168	
57		15873	5,380067	13399	2,779331	12208	8,337869	10590	29,19598	
58		15884	4,978877	13426	7,98891	12246	10,22173	10642	14,79302	
59		16752	46,36286	14113	59,52444	12847	30,90029	11127	131,0564	
60	${}^{3}P_{2}$	16752	9,883543	14113	32,84118	12847	87,35846	11127	58,64588	
61		16752	20,51894	14113	32,26768	12847	41,2361	11127	39,81141	
62		17263	6,946567	14539	10,72399	13237	13,87215	11470	20,50806	1
63		17263	6,063877	14539	10,56883	13237	14,95381	11470	23,02983	1
64		17263	6,549667	14539	11,43522	13237	13,98703	11470	20,59309	
65	${}^{3}F_{4}$	17717	2,942673	15054	3,080148	13777	2,484663	12030	6,891724	
66		17717	1,323423	15054	8,355794	13777	2,41279	12030	3,284952	
67		17717	5,053829	15054	2,644959	13777	12,33274	12030	12,44502	
68		17724	3,824119	15060	5,916174	13783	7,413403	12037	10,44432	
69		17725	1,987595	15062	3,017407	13785	3,74962	12039	5,230008	
70		18203	4,848155	15455	10,95932	14114	14,30636	12264	20,96593	
71		18203	4,675882	15455	10,46493	14114	8,8264	12264	12,89708	
72		18203	4,257111	15455	7,059171	14114	16,18479	12264	21,99082	_
73		18256	2,0556	15557	9,988889	14169	8,303712	12271	5,10969	
74	${}^{3}F_{3}$	18368	5,955189	15557	3,889307	14169	6,078109	12271	5,096686	
75		18414	11,08068	15557	3,792109	14169	4,419385	12271	14,25463	
76		18414	7,385111	15586	10,05954	14253	13,21208	12433	19,8921	
77		18414	8,821985	15591	3,202263	14306	11,12677	12523	9,216916	
78		18415	5,226274	15622	7,610059	14306	9,035977	12523	14,24649	
79		18415	4,188622	15622	11,83503	14306	8,598142	12523	7,485684	
80		18415	6,977801	15622	9,776656	14317	4,009539	12562	16,37633	
81	${}^{3}F_{2}$	18579	1,367232	15731	6,348357	14386	5,565228	12562	10,62223	
82	_	18579	1,414494	15731	4,491086	14386	9,020207	12562	9,34662	
83		18579	1,628179	15731	4,237845	14386	8,23134	12578	5,495583	
84		18666	4,230479	15864	6,595782	14517	8,202332	12669	11,08509	
85		18668	6,218433	15867	10,00551	14520	12,70982	12672	17,90159	1
36	${}^{3}G_{5}$	18974	3,032429	16117	7,019331	14755	19,79172	12888	25,31471	
87	, ř	18974	7.783318	16117	24,72726	14755	28,70144	12903	21.2346	
38		18974	10.49955	16117	12,74317	14755	15.57951	12903	26.37933	
39		19179	8.619405	16228	13,78662	14816	17.55964	12903	60,51524	\neg
90		10655	4 760105	16616	3 203006	15081	1 7/9253	13000	0 338878	_

Таким образом, основная цель проведенного аппроксимационного исследования – идентификация переходов и определение их энергии - достигнута. Длины волн люминесценции при переходах с ⁵D_J уровней иона Fe^{2+} в диапазоне от 0 до 12 000 см⁻¹ приведены в нанометрах на рис. 11.

SPACE

International Publishing House for scientific periodicals "Space"

₿ ISJAEE

№ 10-11



Рис. 11. Длины волн люминесценции переходов иона Fe²⁺ в кристаллах ZnO, ZnS, ZnSe, ZnTe, CdO, CdS, CdSe, CdTe **Fig. 11.** The wave lengths of luminescence of Fe²⁺ ions transitions in ZnO, ZnS, ZnSe, ZnTe, CdO, CdS, CdSe, CdTe crystals

В ранних работах авторами данной статьи были проведены аналогичные расчеты для этого же набора кристаллов полупроводников A^{II}B^{VI}, но легирован-

SPACE

International Publishing House for scientific periodicals "Space"

ных ионами Co^{2+} и Ni²⁺. На рисунках 12 и 13 приведены данные по нижним полосам массивов, легированных Co^{2+} и Ni²⁺ соответственно.



Рис. 12. Длины волн люминесценции переходов иона Co²⁺ в кристаллах ZnO, ZnS, ZnSe, ZnTe, CdO, CdS, CdSe, CdTe **Fig. 12.** The wavelengths of luminescence of Co²⁺ ions transitions in ZnO, ZnS, ZnSe, ZnTe, CdO, CdS, CdSe, CdTe crystals

164

22

№ 10-11

(174-175)



Рис. 13. Длины волн люминесценции переходов иона Ni²⁺ в кристаллах ZnO, ZnS, ZnSe, ZnTe, CdO, CdS, CdSe, CdTe Fig. 13. The wavelengths of luminescence of Ni²⁺ ions transitions in ZnO, ZnS, ZnSe, ZnTe, CdO, CdS, CdSe, CdTe crystals

Заключение

В этой работе были определены длины волн люминесценции переходов ионов Co^{2+} , Ni^{2+} и Fe²⁺ в ZnO, ZnS, ZnSe, ZnTe, CdO, CdS, CdSe, CdTe. Согласно полученным авторами статьи данным, легированные никелем кристаллы полупроводника имеют наибольшее количество полос люминесценции из исследованных материалов. В частности, все соединения, кроме CdTe ZnSe ZnTe, имеют по четыре полосы в пределах от 1 900 до 2 100 нм. С другой стороны, среди $\mathrm{A}^{\mathrm{II}}\mathrm{B}^{\mathrm{VI}}$ полупроводников, легированных железом, только ZnO, ZnS, ZnSe, CdO, а также CdTe имеют полосы в пределах 1,3–3 мкм.

Расчетные значения спектральных областей люминесценции совпадают со значениями, полученными в выполненных ранее другими авторами экспериментальных исследованиях, что подтверждает правильность выбранного метода расчета.

Полученные результаты позволяют целенаправленно выбирать из всего рассчитанного массива переходов в материалах A^{II}B^{VI}, легированных Co²⁺, Ni²⁺ и Fe²⁺, наиболее подходящие из них для создания ИК лазеров с требуемыми значениями длины волны и спектральных характеристик излучения, перестраиваемых в широком диапазоне длин волн.

Список литературы

SPOC

Международный издательский дом научной периодики "Спейс"

1. Гоголева Н.Г. Применение лазеров в науке, технике и медицине. Издательство СПбГЭТУ «ЛЭ-ТИ», 2007.

2. Baranowski J.M., Allen J.W., Pearson G.L. Crystal-field spectra of 3dn impurities in II-VI and III-V compound semiconductors // Physical Review. 1967. Vol. 160. P. 627–632.

3. DeLoach L.D., Page R.H., Wilke G.D., Payne S.A., Krupke W.F. Transition metal-doped zinc chalcogenides: spectroscopy and laser demonstration of a new class of gain media // IEEE J. Quantum Electron. 1996. Vol. 32. P. 885–895.

4. Кустов Е.Ф. Орбитальная система структур наноразмерной дисперсности. Известия академии инженерных наук им. А.М. Прохорова. 2013. № 1. С. 92–124.

5. Kustov E.F., Novotortsev V.M., Kustov M.E. Orbital Structure of Vibrations of Nanoparticles, Clusters, and Coordination Polyhedra // *Russian Journal of Inorganic Chemistry*. 2013. Vol. 58, No. 14. P. 1624–1646.

6. Кустов Е.Ф., Басиева И.Т. Матрицы энергии и сил осцилляторов электро-дипольных переходов в ионах 3dn(n = 2,3,4,6,7,8) конфигураций (Cr^{2+} , Co^{2+} , Fe^{2+} , Ni^{2+}) в кристаллических полях любой симметрии. Реестр базы данных $N \ge 2012621086$ от

ا ک

19.10.2012 [Электронный ресурс]: http://www1.fips.ru

7. Кустов Е.Ф., Басиева И.Т. Расчет оптических спектров ионов Cr²⁺, Cr³⁺, Cr⁴⁺, Co²⁺, Co³⁺, Fe²⁺, Ni²⁺) в полупроводниках А^{II}В^{VI}, А^{III}В^V. Реестр программ для ЭВМ № 2012619507 от 19.10.2012. [Электронный pecypc]: http://www1.fips.ru

8. Курчатов И.С., Бундюк А.В., Басиева И.Т., Кустов Д.М. Исследование материалов для ИК лазеров на основе полупроводников А^{II}В^{VI} и А^{III}В^V легированных ионами Со²⁺// Вестник СГТУ. 2014. № 2. C. 35-42.

9. Кустов Д.М., Бундюк А.В., Гончаров Е.О., Курчатов И.С. ИК лазеры на полупроводниках А^{II}В^{VI} и А^{III}В^V с ионами Со²⁺// Известия Академии инженерных наук им. Прохорова. 2014. № 2. С. 49-52.

10. Курчатов И.С., Кустов Д.М. Исследование материалов для ИК лазеров на основе полупроводников А^{II}В^{VI} легированных ионами Ni²⁺// Вестник СГТУ. 2015. № 2. C. 32-38.

11. Dreyhsig J., Litzenburger B. Nature of optical transitions in the charge-transfer region of ZnS:Co and ZnSe:Co // Phys. Rev. B. 1996. Vol. 54. P. 10516-10524.

12. Кустов Е.Ф., Новоторцев В.М. Магнетохимия молекулярных структур. Москва: URSS Crosand, 2014.

References

1. Gogoleva N.G. Primenenie lazerov v nauke, tehnike i medicine. SPbGÈTU «LÈTI» Publ., 2007 (in Russ.).

2. Baranowski J.M., Allen J.W., Pearson G.L. Crystal-field spectra of 3dn impurities in II-VI and III-V compound semiconductors. Physical Review, 1967, vol. 160, pp. 627-632 (in Eng.).

3. DeLoach L.D., Page R.H., Wilke G.D., Payne S.A., Krupke W.F. Transition metal-doped zinc chalcogenides: spectroscopy and laser demonstration of a new class of gain media. IEEE J. Quantum Electron, 1996, vol. 32, pp. 885-895 (in Eng.).

4. Kustov E.F. Orbital'naâ sistema struktur nanorazmernoj dispersnosti. Izvestiâ akademii inženernyh nauk im. A.M. Prohorova, 2013, no. 1, pp. 92-124 (in Russ.).

5. Kustov E.F., Novotortsev V.M., Kustov M.E. Orbital Structure of Vibrations of Nanoparticles, Clusters, and Coordination Polyhedra. Russian Journal of Inorganic Chemistry, 2013, vol. 58, no. 14, pp. 1624-1646 (in Eng.).

6. Kustov E.F., Basieva I.T. Matricy ènergii i sil oscillâtorov èlektro-dipol'nyh perehodov v ionah 3dn(n=2,3,4,6,7,8) konfiguracij (Cr²⁺, Co²⁺, Fe²⁺, Ni²⁺) v kristalličeskih polâh lûboj simmetrii. Reestr bazy dannyh 2012621086 ot 19.10.2012. Available at: no. http://www1.fips.ru (in Russ.).

7. Kustov E.F., Basieva I.T. Rasčet optičeskih spektrov ionov Cr^{2+} , Cr^{3+} , Cr^{4+} , Co^{2+} , Co^{3+} , Fe^{2+} , Ni^{2+}) v poluprovodnikah $A^{II}B^{VI}$, $A^{III}B^{V}$. Reestr programm dlâ ÈVM no. 2012619507 ot 19.10.2012. Available at: http://www1.fips.ru (in Russ.).

8. Kurchatov I.S., Bundyuk A.V., Basieva I.T., Kustov D.M. Issledovanie materialov dlâ IK lazerov na osnove poluprovodnikov A^{II}B^{VI} i A^{III}B^V legirovannyh ionami Co²⁺. Vestnik CGTU, 2014, no. 2, pp. 35-42 (in Russ.).

9. Kustov D.M., Bundyuk A.V., Goncharov E.O., Kurchatov I.S. IK lazery na poluprovodnikah A^{II}BV^I i A^{III}B^V s ionami Co²⁺. Izvestiâ Akademii inženernyh nauk im. Prohorova, 2014, no. 2, pp. 49-52 (in Russ.).

10. Kurchatov I.S., Kustov D.M. Issledovanie materialov dlja IK lazerov na osnove poluprovodnikov A^{II}B^{VI} legirovannyh ionami Ni²⁺ // Vestnik CGTU. 2015. no 2, pp. 32-38 (in Russ.).

11. Dreyhsig J., Litzenburger B. Nature of optical transitions in the charge-transfer region of ZnS:Co and ZnSe:Co. Phys. Rev. B, 1996, vol. 54, pp. 10516-10524 (in Eng.).

12. Kustov E.F., Novotorcev V.M. Magnetohimiâ molekulârnyh struktur. Moscow: URSS Crosand Publ., 2014 (in Russ.).

Транслитерация по ISO 9:1995

Международный издательский дом научной периодики "Спейс

TATA

